

# Statica

La statica è il ramo della meccanica che si occupa di studiare l'equilibrio dei corpi in stato di quiete.

- Un corpo si dice in equilibrio se è soggetto ad un sistema di forze equilibrato.
- Un sistema di forze si dice equilibrato se la risultante ed il momento risultante risultano nulli. In forma simbolica possiamo scrivere:

$$\begin{cases} \underline{R} = \underline{0} \\ \underline{M} = \underline{0} \end{cases}$$

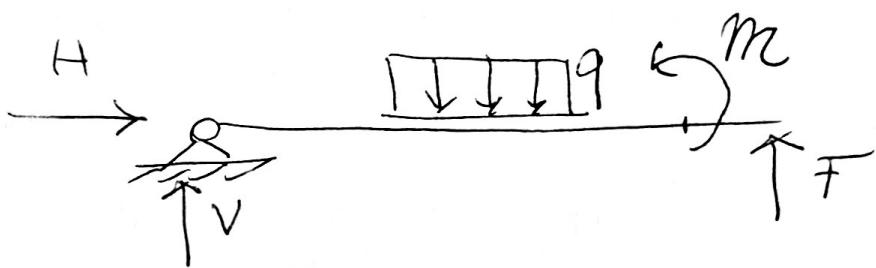
Equazioni cardinali d-statica  
nello spazio

Nel caso di particolare di sistema piano le precedenti equazioni diventano

$$\begin{cases} \sum F_h = 0 \\ \sum F_v = 0 \\ \sum M_{(P)} = 0 \end{cases}$$

Equazioni  
cardinali della statica  
nel piano

## Forze agenti sui corpi



Le forze agenti su un corpo possono essere classificate in:

- carichi, se ne conosciamo il modulo, la direzione, il verso ed il punto (o zona) di applicazione;
- reazioni vincolari, di cui non conosciamo modulo e verso, applicate in corrispondenza dei vincoli.

Per determinare i valori ed i versi delle reazioni vincolari, in funzione dei valori dei carichi agenti, occorre scrivere le equazioni cardinali della statica (o equazioni di equilibrio) e risolverle.

## Tipi di carico

Le azioni che agiscono su un corpo (come la forza peso, il vento, la spinta delle terre, ecc.) possono essere rappresentate attraverso dei modelli, detti carichi.

### Forza



Unità di misura  
[N]

La forza è un'azione puntuale caratterizzata da modulo, direzione verso e punto di applicazione.

Detto modello viene utilizzato quando la zona di applicazione del carico è talmente limitata da poter essere confusa con un punto.

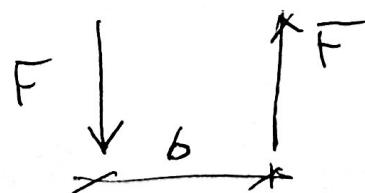
### Coppia



Unità di misura  
[Nm]

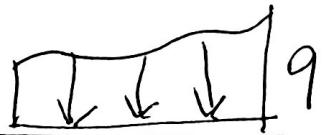
La coppia (o momento) è un carico puntuale caratterizzata da modulo e senso di rotazione (orario e antiorario).

È equivalente a due forze con stesso modulo, stessa direzione e verso opposto, poste ad una certa distanza  $b$  detta braccio della coppia.



$$M = F \cdot b$$

## Carico distribuito



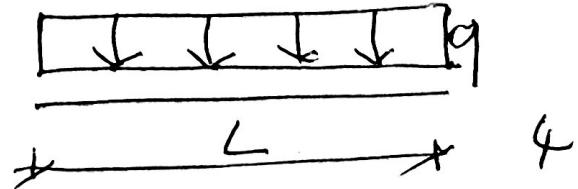
Detto modello e' utilizzato quando la dimensione della zona di applicazione del carico e' confrontabile con le dimensioni del corpo.

Può essere immaginato come una forza "spalmata" sulla lunghezza del tratto dove è applicato il carico.

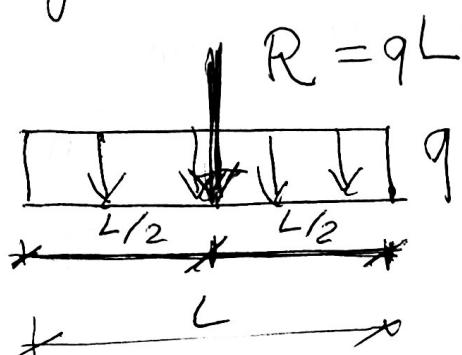
- Tipi di carico distribuito
  - ↗ costante
  - ↘ lineare  $q_{\max}$

- Risultante e punto di applicazione  
Al fine di scrivere le equazioni coordinate delle statiche, in luogo del carico distribuito può essere considerata una forza ad essa equivalente, detta risultante. La risultante è pari all'area della figura che rappresenta il carico ed è applicata nel suo baricentro.

- ▢ Carico costante  
(o uniformemente distribuito)

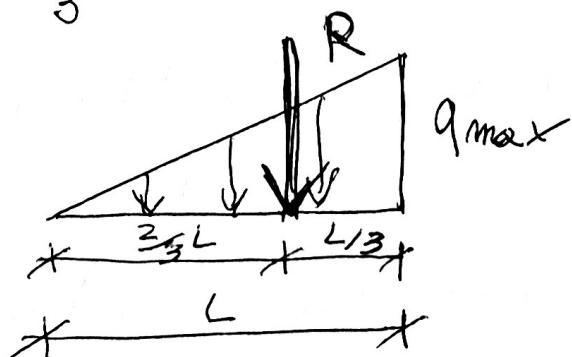


Nel caso di carico costante la figura è un rettangolo di base  $L$  e altezza  $q$ . Pertanto la risultante è pari a  $R = qL$ . Il suo punto di applicazione è il bariporto del rettangolo che si trova a metà del tratto.



#### □ Carico lineare (o triangolare)

Nel caso di carico lineare la figura è un triangolo. Pertanto  $R = \frac{q_{\max} L}{2}$  ed il suo punto di applicazione è il bariporto del triangolo che si trova a  $\frac{2}{3}L$  dal vertice ed a  $\frac{L}{3}$  dalla base.



$$R = \frac{q_{\max} L}{2}$$