

ESAME SCRITTO DI ANALISI MATEMATICA I

Corso di laurea in Matematica 7 giugno 2016

1. Studiare la funzione definita da

$$f(x) = \sin \arctan x$$

e tracciarne un grafico.

2. Stabilire se è convergente l'integrale

$$\int_1^e \frac{\arccos\log x}{x(1-\log x)} \, \mathrm{d}x \ .$$

3. Calcolare, se esiste,

$$\lim_{x \to 0} \frac{x^2 \log(1 + x^2)}{e^x + \cos x + \sin x - 2x - 2} \ .$$

4. Risolvere la disequazione

$$\frac{3\tan^2 x - 1}{3\tan^2 x + 1} \ge 0 \ .$$