

Ogni esercizio vale 5 punti così ripartiti:

ES. 1 : 1 punto ogni risposta corretta

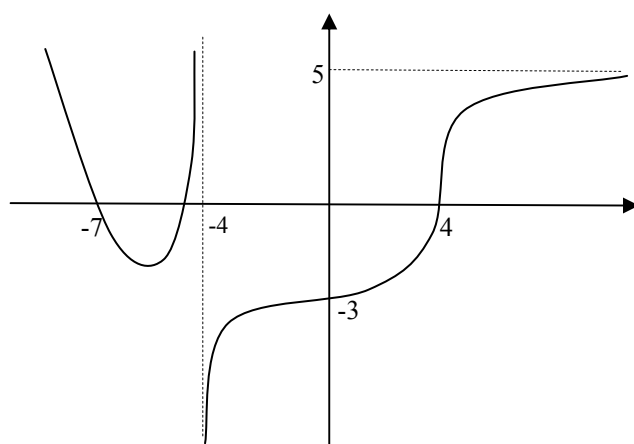
ES. 2 : a) 1p.to b) 1,5p.ti- c)1,5 punti d)1 p.to

Es. 3 : a) 1,5 b)1,5 c)2

PUNTEGGIO

<i>1a</i>	<i>1b</i>	<i>1c</i>	<i>1d</i>	<i>1e</i>	<i>2a</i>	<i>2b</i>	<i>2c</i>	<i>2d</i>	<i>3a</i>	<i>3b</i>	<i>3c</i>
...../ 1/1/1/1/1/1/1,5/1,5	.../1	.../1,5	.../1,5/2

1) LETTURA GRAFICO



Determina:

Dominio della funzione

Codominio della funzione

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \dots$ $\lim_{x \rightarrow -4^-} f(x) = \dots$;

Intersezioni con gli assi

Intervalli di positività

2) STUDIO FUNZIONE

Data la funzione

determina

$$f(x) = \frac{x^2 - 5x - 6}{x^2 + 2x + 8}$$

a) Dominio

c) Segno della funzione

b) Intersezioni con gli assi

d) Riporta su un grafico tutte le informazioni ottenute

3) LIMITI

a) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-5}{x^2 - 1} =$

c) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x - 3}{-x^2 + 8x - 12} =$

b) $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^3 + 8}{2 - x} =$

1) Determina il campo di esistenza della seguente funzione:

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4x}}{x^2 - 5x + 4}$$

5 punti

2) Determina gli eventuali asintoti orizzontali e verticali della seguente funzione e fornisci una rappresentazione grafica:

$$f(x) = \frac{5 + 2x - 4x^2}{3 - 3x}$$

5 punti

3) Calcola i seguenti limiti, giustificando il risultato ottenuto (vanno riportati tutti i calcoli, le semplificazioni, ecc.):

5 punti

a) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{3x - 5x^3}{2x^2 + 3x^3} =$

b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 - 3x^3 + 2x^5}{2x^4 + 5} =$

c) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{3x - 7}{x^2 - 7x + 6} =$

1) Calcolare la derivata delle funzioni $y = 3x^2 - 4x + 1$ e $y = \frac{4x^2 + 6x}{2x + 1}$

2) Ricerca gli eventuali punti di massimo e di minimo della funzione $y = 2x^3 - 3x^2$

3) Disegna un grafico qualitativo della funzione $f(x)$ sapendo che

Dominio = \mathbb{R}

$f(0)=0$ e $f(-2)=6$ e $f(2)=-6$

Segno : $f(x)>0$ per $x<0$, $f(x)<0$ per $x>0$

Limiti : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

Derivata: $f'(2)=0$ e $f'(-2)=0$

Segno della derivata $f'(x) > 0$ nell'intervallo $(-\infty, -2) \cup (2; \infty)$ e $f(x) < 0$ nel resto del dominio

