

1) Determina il campo di esistenza della seguente funzione:

$$f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4x}}{x^2 - 5x + 4}$$

5 punti

2) Determina gli eventuali asintoti orizzontali e verticali della seguente funzione e fornisci una rappresentazione grafica:

$$f(x) = \frac{5 + 2x - 4x^2}{3 - 3x}$$

5 punti

3) Calcola i seguenti limiti, giustificando il risultato ottenuto (vanno riportati tutti i calcoli, le semplificazioni, ecc.):

5 punti

a) $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{3x - 5x^3}{2x^2 + 3x^3} =$

b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1 - 3x^3 + 2x^5}{2x^4 + 5} =$

c) $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{3x - 7}{x^2 - 7x + 6} =$

1) Calcolare la derivata delle funzioni $y = 3x^2 - 4x + 1$ e $y = \frac{4x^2 + 6x}{2x + 1}$

2) Ricerca gli eventuali punti di massimo e di minimo della funzione $y = 2x^3 - 3x^2$

3) Disegna un grafico qualitativo della funzione $f(x)$ sapendo che

Dominio = \mathbb{R}

$f(0)=0$ e $f(-2)=6$ e $f(2)=-6$

Segno : $f(x)>0$ per $x<0$, $f(x)<0$ per $x>0$

Limiti : $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$ e $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$

Derivata: $f'(2)=0$ e $f'(-2)=0$

Segno della derivata $f'(x) > 0$ nell'intervallo $(-\infty, -2) \cup (2; \infty)$ e $f(x) < 0$ nel resto del dominio

