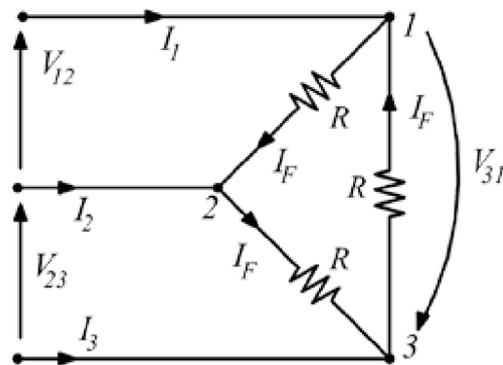


## Sistemi trifase:

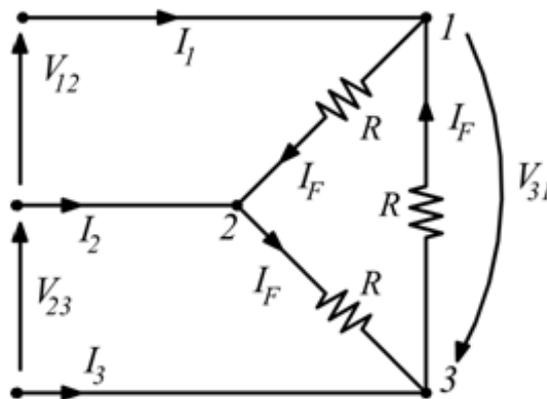
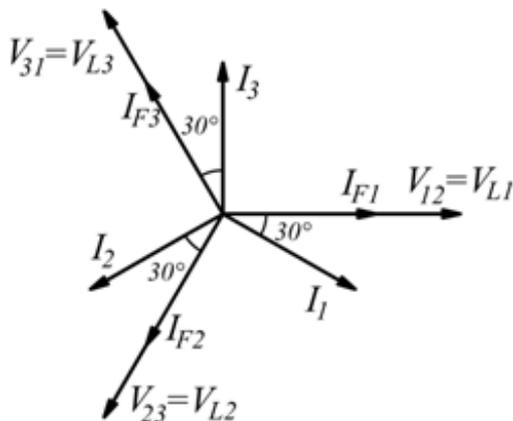
### Esercizio no.1

Un carico trifase, costituito da tre resistenza collegate a triangolo di valore ciascuna  $8\Omega$  è alimentato con tensioni concatenate di valore  $V_L=220V$ . Trovare le correnti di fase  $I_F$  sulle tre resistenze e la potenza  $P$ .



### Esercizio no.1:soluzione

Dato che il carico è puramente resistivo, non c'è sfasamento fra correnti di fase e tensioni concatenate.



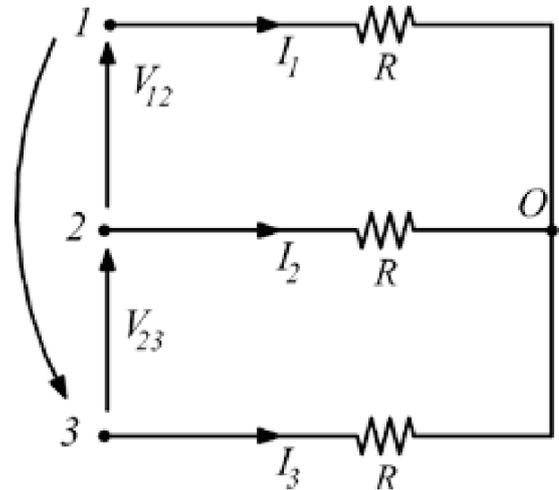
$$I_F = \frac{V_F}{R} = \frac{220}{8} = \underline{27,5 A} \quad I_L = I_F \sqrt{3} = 47,63 A$$

La potenza assorbita da una singola resistenza del carico (ad es. dalla  $R_{12}$ )

$$P_{12} = RI_{12}^2 = RI_F^2 \text{ quindi la potenza totale: } P = 3RI_F^2 = 3 \cdot 8 \cdot 27,5^2 = \underline{18,15 kW}$$

## Esercizio no.2

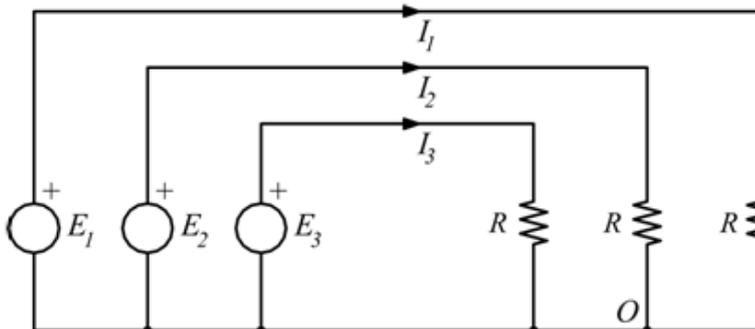
Un carico trifase, costituito da tre resistenza collegate a stella di valore ciascuna  $4\Omega$  viene alimentato da un sistema trifase simmetrico con tensioni concatenate di valore  $V_L=380V$ . Si vogliono conoscere le correnti di linea  $I_L$  e la potenza complessiva assorbita dal carico, disegna anche il diagramma vettoriale con le tensioni di fase, le tensioni concatenate e le correnti di linea.



### Esercizio no.2:soluzione

Essendo il carico equilibrato, vale la relazione:

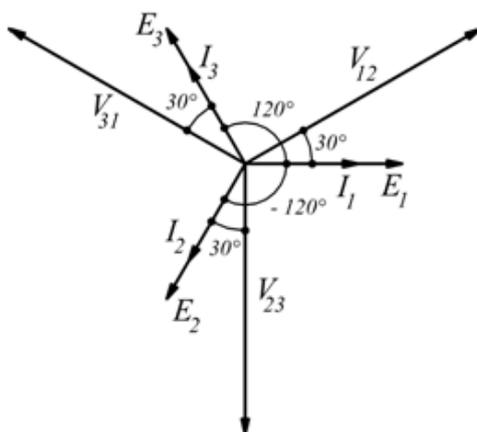
$$V_L = V_F \sqrt{3} \Rightarrow V_F = \frac{V_L}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220V = E$$



Abbiamo, dunque trovato le tre tensioni :

$$V_F = E = E_1 = E_2 = E_3$$

Se il carico è equilibrato la corrente sul neutro è nulla, le correnti di linea sono:



$$I_L = \frac{E}{R} = \frac{220}{4} = 55 \text{ A}$$

le  $I_L$  saranno in fase con le rispettive  $V_F=E$

Le tensioni concatenate sono in anticipo di  $30^\circ$  rispetto alle tensioni di fase

Per ciascun carico vale la  $P_j = RI_{Lj}^2$

Dato che i carichi sono 3 la potenza totale:

$$P = 3RI_L^2 = 3 \cdot 4 \cdot 55^2 = 36,3 \text{ kW}$$

Oppure potevamo dire, che per questo sistema la potenza è espressa da

$$P = 3EI_L \cos \phi = 3V_F I_L \cos \phi = 3 \frac{V_L}{\sqrt{3}} I_L \cos \phi$$

dove il  $\phi$  è l'angolo che c'è fra le tensioni di fase ( $E=V_F$ ) e le correnti di linea ( $I_L$ ); ma nel caso di carichi puramente resistivi tale angolo è pari a zero:

$$P = 3EI_L = 3V_F I_L = 3 \frac{V_L}{\sqrt{3}} I_L = \sqrt{3} V_L I_L = \sqrt{3} \cdot 380 \cdot 55 = 36,3 \text{ kW}$$

### Esercizio no.3

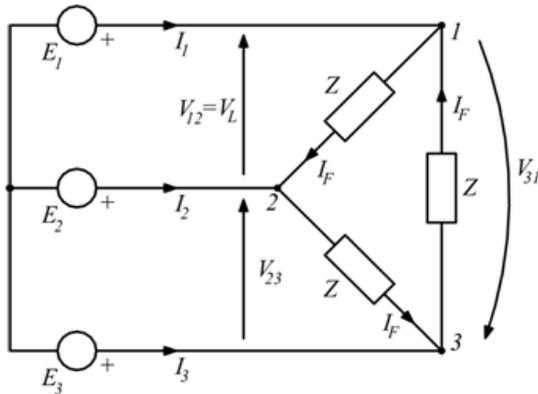
Un sistema di tensioni trifase simmetrico con tensioni concatenate  $V_L=260V$  alimenta un carico equilibrato, costituito da tre impedenze uguali di tipo ohmico-induttivo, con  $R=4 \Omega$  e  $X=3\Omega$  collegate a triangolo. Calcola:

A] Le correnti di linea.

B] La potenza attiva e reattiva totale assorbita dal carico.

C] Ripeti i due precedenti calcoli col carico collegato a stella

#### Esercizio no.3:soluzione



Il contesto è quello descritto in figura; Le correnti di fase essendo il sistema simmetrico sono immediatamente computabili:

$$I_F = \frac{V_L}{Z} \quad \text{con}$$

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2} = \sqrt{4^2 + 3^2} = 5 \Omega$$

avremo:

$$I_F = \frac{V_L}{Z} = \frac{260}{5} = 52 \text{ A}$$

Le correnti di linea  $I_1=I_2=I_3=I_L$  sono date dalla relazione:  $I_L = I_F \sqrt{3} = 90 \text{ A}$

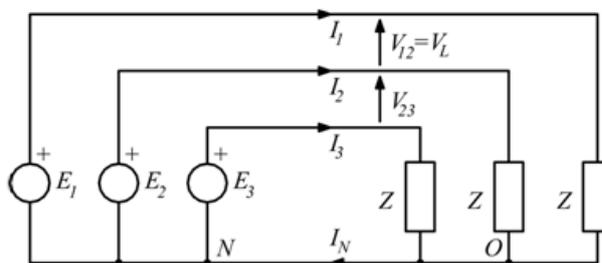
per un collegamento a triangolo la potenza attiva vale  $P = 3V_L I_F \cos \phi$  con:

$$\phi = \text{atg}\left(\frac{X}{R}\right) = \text{atg}\left(\frac{3}{4}\right) = 36,87^\circ \quad \text{quindi sar\`a:}$$

$$P = 3V_L I_F \cos \phi = 3 \cdot 260 \cdot 52 \cos 36,87^\circ = 32.448 \text{ W}$$

$$Q = 3V_L I_F \sin \phi = 3 \cdot 260 \cdot 52 \sin 36,87^\circ = 24.336 \text{ VAR}$$

Qualora il carico fosse collegato a stella avremmo:



Le correnti di linea  $I_1=I_2=I_3=I_L$  sono:

$$I_L = \frac{E}{Z} = \frac{V_F}{Z}$$

ma

$$V_L = V_F \sqrt{3} \Rightarrow V_F = \frac{V_L}{\sqrt{3}}$$

$$I_L = \frac{E}{Z} = \frac{V_F}{Z} = \frac{V_L}{Z\sqrt{3}} = \frac{260}{5\sqrt{3}} = 30 \text{ A}$$

$$P = 3EI_L \cos \phi = 3V_F I_L \cos \phi = 3 \frac{V_L}{\sqrt{3}} I_L \cos \phi = \sqrt{3} V_L I_L \cos \phi$$

$$\phi \text{ come nel caso precedente \`e: } \phi = \text{atg}\left(\frac{X}{R}\right) = \text{atg}\left(\frac{3}{4}\right) = 36,87^\circ$$

che implica  $\cos \phi = 0,8$  e  $\sin \phi = 0,6$

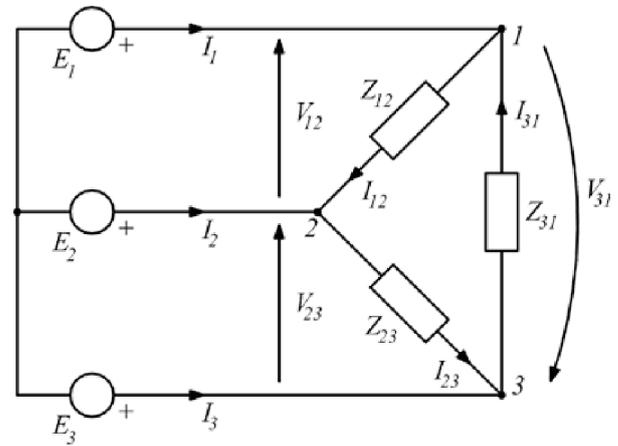
$$P = \sqrt{3} V_L I_L \cos \phi = \sqrt{3} \cdot 260 \cdot 30 \cdot 0,8 = 10.808 \text{ W}$$

$$Q = \sqrt{3} V_L I_L \sin \phi = \sqrt{3} \cdot 260 \cdot 30 \cdot 0,6 = 8.106 \text{ VAR}$$

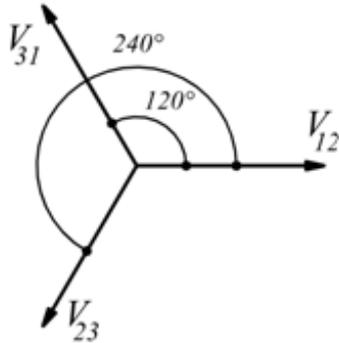
### Esercizio no.6

Un carico squilibrato a triangolo, viene alimentato con delle tensioni concatenate a  $V_L=400V$ . Calcolare le correnti nelle linee e nelle fasi.

$$\begin{aligned}Z_{12} &= (20 + j20) \Omega \\ Z_{23} &= (20 - j10) \Omega \\ Z_{31} &= (20 + j10) \Omega\end{aligned}$$



### Esercizio no.6:soluzione



Per comodità ci riferiamo alle tensioni concatenate e disponiamo la  $V_{12}$  sull'asse reale.

$$\begin{aligned}Z_{12} &= 20 + j20 = 28,3 \angle 45^\circ \\ Z_{23} &= 20 - j10 = 22,3 \angle -26^\circ \\ Z_{31} &= 20 + j10 = 22,3 \angle 26^\circ\end{aligned}$$

Queste sono le correnti di fase.

$$\bar{I}_{12} = \frac{\bar{V}_{12}}{Z_{12}} = \frac{400 \angle 0^\circ}{28,3 \angle 45^\circ} = 14,13 \angle -45^\circ = \underline{10 - j10 A}$$

$$\bar{I}_{23} = \frac{\bar{V}_{23}}{Z_{23}} = \frac{400 \angle 240^\circ}{22,3 \angle -26^\circ} = 18 \angle 266^\circ = \underline{-1,25 - j18 A}$$

$$\bar{I}_{31} = \frac{\bar{V}_{31}}{Z_{31}} = \frac{400 \angle 120^\circ}{22,3 \angle 26^\circ} = 18 \angle 94^\circ = \underline{-1,25 + j18 A}$$

Le correnti di linea si ottengono così:

$$\bar{I}_1 = \bar{I}_{12} - \bar{I}_{31} = 10 - j10 + 1,25 - j18 = 11,25 - j28 = \underline{30 \angle -68^\circ A}$$

$$\bar{I}_2 = \bar{I}_{23} - \bar{I}_{12} = -1,25 - j18 - 10 + j10 = -11,25 - j8 = \underline{13,8 \angle 215^\circ A}$$

$$\bar{I}_3 = \bar{I}_{31} - \bar{I}_{23} = -1,25 + j18 + 1,25 + j18 = j36 = \underline{36 \angle 90^\circ A}$$

#### Esercizio no.4

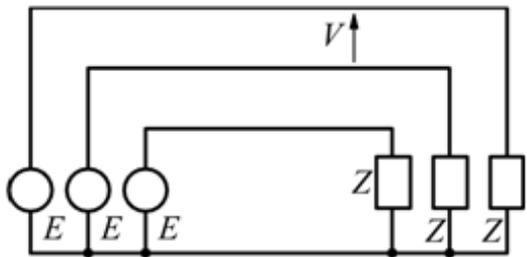
Un sistema simmetrico trifase con valore della tensione concatenata  $V=380V$ , alimenta un carico equilibrato collegato a stella.

Questo assorbe complessivamente una potenza attiva  $P_T=18kW$  ed una potenza complessiva reattiva  $Q_T=12kVAR$ .

Trovare il valore della resistenza e della reattanza su ciascuna fase del carico.

#### Esercizio no.12:soluzione

Anche in questo caso dobbiamo usare la  $V = \sqrt{3}E$



$$E = \frac{V}{\sqrt{3}} = \frac{380}{\sqrt{3}} = 220 V$$

Su ogni singola fase si ha:

$$P = \frac{P_T}{3} = \frac{18}{3} = 6 kW = 6000 W$$

$$Q = \frac{Q_T}{3} = \frac{12}{3} = 4 kVAR = 4000 VAR \quad \text{essendo } S = EI \text{ la potenza apparente o anche:}$$

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = \sqrt{6^2 + 4^2} = 7,211 kVA \quad \text{avremo:} \quad I = \frac{S}{E} = \frac{7211}{220} = 32,7 A$$

$$\text{dato che } P = RI^2 \quad \Rightarrow \quad R = \frac{P}{I^2} = \frac{6000}{32,7^2} = \underline{5,58 \Omega} \quad \text{poi si ha:}$$

$$Q = XI^2 \quad \Rightarrow \quad X = \frac{Q}{I^2} = \frac{4000}{32,7^2} = \underline{3,72 \Omega}$$

**Parte 1° - Elettrotecnica Generale**

**Leggi Fondamentali**

<b>Definizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>Unità di Misura</b>
Legge di Ohm	$R = \frac{V}{I}$	ohm - $\Omega$
Potenza su carico resistivo. Anche indicata con Pj per indicare che si tratta di perdite per effetto Joule	$P = R I^2$	watt - W
Potenza in Corrente Continua	$P = V I$	watt - W

**Riporto in Temperatura**

Per riportare il valore di una resistenza presa a 20°C ad una temperatura “ $\theta$ ” :

$$R_{\theta} = R_{20} \frac{234,5 + \theta}{234,5 + 20}$$

Ad esempio per riportare il valore di una resistenza su un motore presa a 20°C e riportata alla temperatura di lavoro 70°C.

**Parte 2° - Corrente Alternata**

**Espressione di una f.e.m. sinusoidale**

Valore all'istante “t”	$v(t) = \sqrt{2} V_{\max} \sin(\omega t)$
Valore Efficace di una tensione (quello che si misura con gli strumenti tradizionali)	$V = \frac{V_{\max}}{\sqrt{2}}$

**ANGOLO di SFASAMENTO**

Per convenzione l'angolo di sfasamento tra tensione (di alimentazione) e corrente (assorbita dal carico) è calcolato nel modo che segue :

$$\varphi = \Phi_V - \Phi_I$$

<b>angolo <math>\varphi</math></b>	<b>Tipo di carico</b>
tra 0 e 90°	Induttivo (RL)
tra 0 e -90°	Capacitivo (RC)

**TRIANGOLO delle POTENZE**

<b>Definizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>U. M.</b>
Potenza Apparente	$S = \sqrt{P^2 + Q^2}$	VA
Potenza Attiva	$P = S \cos \varphi$	W
Potenza Reattiva	$Q = S \sin \varphi$ $Q = P \tan \varphi$	var
Tangente	$\tan \varphi = \frac{Q}{P}$	-
Angolo	$\varphi = \arctang \frac{Q}{P}$	gradi

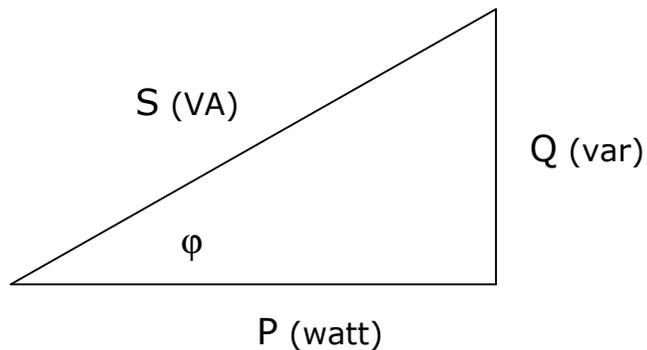


Figura : il Triangolo delle potenze (monofase & trifase)

**LEGGE di Ohm – Circuiti Trifasi**

<b>Descrizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>U.m.</b>
Potenza Apparente	$S = 3 Z I^2$	VA
Potenza Attiva	$P = 3 R I^2$	W
Potenza Reattiva	$Q = 3 X I^2$	var
Angolo di sfasamento	$\varphi = \arctang \frac{X}{R}$	

**POTENZA - Circuiti MONOFASE**

<b>Definizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>U. M.</b>
Potenza Apparente	$S = VI$	VA
Potenza Attiva	$P = VI \cos \varphi$	W
Potenza Reattiva	$Q = VI \sin \varphi$	var

**POTENZA - Circuiti TRIFASI**

<b>Definizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>U. M.</b>
Potenza Apparente	$S = \sqrt{3} V I$	VA
Potenza Attiva	$P = \sqrt{3} V I \cos \varphi$	W
Potenza Reattiva	$Q = \sqrt{3} V I \sin \varphi$	var
Corrente	$I = \frac{P}{\sqrt{3} V \cos \varphi}$	A
Fattore di potenza (f.p.)	$\cos \varphi = \frac{P}{\sqrt{3} V I}$	-
Angolo (dal fattore di potenza)	$\varphi = \arccos (\text{f.p.})$	gradi

**RIFASAMENTO**

<b>Definizione</b>	<b>Espressione</b>	<b>U. M.</b>
Angolo di sfasamento ammesso per impianti rifasati	$\varphi \leq 25^\circ$	
Fattore di potenza ammesso per impianti rifasati	$\cos \varphi \geq 0,9$	
Potenza Reattiva massima ammessa per impianti rifasati	$Q_{\max} = P \tan 25^\circ$	var
Potenza Rifasante	$Q_c = Q - Q_{\max}$	var
Reattanza capacitiva di rifasamento (Trifase)	$X_c = 3 \frac{V^2}{Q_c}$	ohm
Condensatore di rifasamento	$C = \frac{1}{2\pi f X_c}$	F
Corrente sul condensatore	$I = \frac{Q_c}{\sqrt{3} V}$	A